

УДК 517.958, 530.145.6

© П. С. Иванов, Ю. В. Петров

ПРАВИЛА ОФОРМЛЕНИЯ СТАТЕЙ В ЖУРНАЛ «ИЗВЕСТИЯ ИНСТИТУТА МАТЕМАТИКИ И ИНФОРМАТИКИ УДГУ»¹

В статье рассматривается дискретный оператор Шрёдингера на графе с вершинами на двух пересекающихся прямых, возмущенный убывающим потенциалом. Исследуются спектральные свойства этого оператора. Исследуется задача рассеяния для данного оператора в случае малого потенциала, а также в случае, когда малы как потенциал, так и скорость квантовой частицы. Получены асимптотические формулы для вероятностей распространения частицы во всех возможных направлениях. Кроме того, исследуются спектральные свойства дискретного оператора Шрёдингера для бесконечной полосы с нулевыми граничными условиями. Описана картина рассеяния. Получены простые формулы для вероятностей прохождения и отражения вблизи граничных точек подзон (это отвечает малым скоростям квантовой частицы) в случае малых потенциалов. Рассматривается одночастичный дискретный оператор Шрёдингера с периодическим потенциалом, возмущенным функцией, периодической по двум переменным и экспоненциально убывающей по третьей. Исследуется задача рассеяния для данного оператора вблизи точки экстремума по третьей координате квазиимпульса некоторого собственного значения оператора Шрёдингера с периодическим потенциалом в ячейке, то есть для малой перпендикулярной составляющей угла падения частицы на потенциальный барьер. Получены простые формулы для вероятностей прохождения и отражения.

Ключевые слова: разностное уравнение Шрёдингера, резонанс, собственное значение, уравнение Липпмана–Швингера, рассеяние, вероятности прохождения и отражения.

DOI: 10.20537/2226-3594-YYYY-VV-NN

Введение

Текст статьи должен быть подготовлен в формате LaTeX2e в пакете MikTeX с использованием стилевого файла `imi2017.sty` в соответствии с рекомендациями, изложенными в файле `example.tex`. В качестве образца оформления статьи следует использовать файл `example.tex`. Внимательно изучите файл `example.tex` и комментарии к нему. Статьи, оформленные не по правилам, к рассмотрению не принимаются. Файлы должны быть набраны в кодировке Windows [cp1251]. Статью следует представить в формате `tex` и для сверки в формате `ps` или `pdf`. Файл `imi2017.sty` высылать не надо. Имена всех высылаемых файлов (`*.tex`, `*.ps`, `*.pdf` и рисунков `*.eps`), касающихся вашей статьи, должны состоять из написанной латиницей фамилии первого автора и его первого инициала (например, `IvanovA.tex`, `IvanovA.ps`, `IvanovA.pdf`, `IvanovA_ris1.eps`). «Шапка» статьи оформляется по данному образцу (см. комментарии в файле `example.tex`). Далее следует «основной текст» (введение может отсутствовать).

О п р е д е л е н и е 0.1. В игре Γ происходит *уклонение от встречи*, если для любых допустимых управлений $u_i(t)$ найдется допустимое управление ...

$$\dot{x}(t) = \int_{-r}^0 dA(t, s)x(t+s), \quad t \in \mathbb{R} = (-\infty, \infty). \quad (0.1)$$

§ 1. Основные требования–рекомендации

1. Для корректного оформления ссылок на литературу в стилевом файле подключен пакет `cite`. При оформлении ссылок используйте команду `\cite{1,2,3,4,5,8,9,10,12}`, ссылки будут оформлены в виде [1–5, 8–10, 12]. Список литературы — в порядке цитирования либо по алфавиту. В аннотации не должно быть ссылок на список литературы. Ссылки на неопубликованные работы не допускаются [1–3, 6].

2. Не ставятся точки в конце заголовка статьи и разделов.

¹Здесь Вы указываете «свои» гранты. Работа поддержана РФФИ (грант № 12-01-00125). Если работа не поддержана грантами, эти строки нужно закоментировать (лучше стереть).

3. В Теоремах, Леммах, Утверждениях, Предложениях, Следствиях, Гипотезах, Свойствах их содержимое автоматически выделяется курсивом. В Определениях, Замечаниях, Примерах, Предположениях, Условиях, Задачах содержимое автоматически записывается прямым шрифтом.

В утверждениях, набранных курсивом, используйте круглые скобки прямого начертания. Правильно: *Всякое решение уравнения (2.1) имеет бесконечное число нулей (то есть является колеблющимся) на числовой прямой \mathbb{R} .* Неправильно: *Всякое решение уравнения (2.1) имеет бесконечное число нулей (то есть является колеблющимся) на числовой прямой \mathbb{R} .*

$$\dot{x}(t) = \int_{-r}^0 dA(t, s)x(t + s), \quad t \in \mathbb{R} = (-\infty, \infty). \quad (1.1)$$

В Определениях рекомендуется вручную выделять курсивом определяемое понятие.

4. Необходимо различать дефис «-»=«-», короткое (en-) тире «-»=«--», длинное (em-) тире «—»=«---» и знак «минус» «-»=«\$-\$». Дефис используется в составных словах («что-то»); en-тире — для указания диапазонов чисел (с. 205–220), в названиях, составленных из нескольких фамилий («теорема Остроградского–Гаусса»), городов (New York–London–Berlin) и т.п.; em-тире — это знак пунктуации (например: Пусть X — банахово пространство ...). Длинное тире после доллара пишется так: Пусть $\$X\sim---$ банахово пространство. Короткое — так же. Дефис после доллара пишется так: $\$n\-й член последовательности.

5. Используйте «русские» кавычки и неравенства (\leq , \geq).

6. Не нужно сокращать и писать т.е., т.к. или в т.ч., следует писать полностью «то есть», «так как», «в том числе».

7. Запрещено использовать принудительные переносы типа `\linebreak`, `\newline` или `\\` и т.п.

8. Функции типа `rank`, `dim`, `conv`, `int` и т.п. должны отображаться прямым шрифтом (при этом следует ставить знак `\,`). Правильно: int , B , dim , M — $\mathrm{int} B$ $\mathrm{dim} M$. Неправильно: $\mathrm{int} L$ $\mathrm{dim} M$ — $\mathrm{int} L$, $\mathrm{dim} M$.

9. В списках-перечислениях желательно использовать метки, заключенные слева и справа в круглые скобки:

(1)

(2)

(3)

или

(a)

(b)

(c)

10. Рисунки и список литературы оформляются в соответствии с файлом `example.tex`.

§ 2. Основные правила оформления математических выражений

1. Не допускается использование русских букв в математических выражениях.
2. Обязательна автоматическая нумерация формул и утверждений и автоматические ссылки на формулы, утверждения и литературу. На все пронумерованные формулы и указанную в конце статьи литературу должны быть ссылки в тексте. Не должно быть многократно определенных меток (проверяется при транслировании тех-файла).
3. Чаще всего математические выражения выравниваются по центру, однако в системах их необходимо выравнивать по левому краю.
4. Если несколько выключных формул идут подряд, они разделяются знаками препинания (, или ;).
5. В системах уравнений знак препинания ставится после каждой строчки (кроме последней). После последней строки знак препинания ставится в зависимости от контекста и (в этом случае) относится ко всей формуле.
6. Следите за размером скобок в математических выражениях. Используйте конструкции `\left\{ \right\}`, `\left[\right]`. Если скобки, полученные `\left \right` большие, подберите нужный размер конструкциями `\big \Big \bigg \Bigg`. Не делайте неоправданно больших скобок. При наборе формул с большим количеством скобок, используйте разную высоту скобок:

$$F\left(t_1 - D\left(t_2 - C\left(t_3 - B\left(t_4 - a(t_5 - x)\right)\right)\right)\right). \quad (2.1)$$

7. В выключных формулах, состоящих из нескольких частей, отдельные части формулы отделяются пробелами `\quad`. Если формула не вмещается в строку, то пробелы `\quad` заменяются на `\;` и далее, по убыванию величины пробела `\ :` `\ :` `\ :`. Строчные формулы, состоящие из нескольких частей, предпочтительнее не разделять пробелами, а заключать каждую часть в доллары как отдельную формулу.

8. Для операции `\int` в выключной формуле команда `\limits` не применяется.

$$\frac{d}{dt} \int_{a(t)}^{b(t)} f(t, s) ds.$$

Формула набирается так: `$$\dfrac{d}{dt}\int_{a(t)}^{b(t)}f(t,s)\,ds.$$`

В формулах в тексте операция `\int` набирается следующим образом. Неправильно:

$\int_a^b f(t, s) ds$, то есть `$$\int\limits_{a}^{b}f(t,s)\,ds$`, и $\int_a^b f(t, s) ds$, то есть `$$\int_{a}^{b}f(t,s)\,ds$`;

правильно: $\int_a^b f(t, s) ds$, то есть `$$\displaystyle{\int_{a}^{b}}f(t,s)\,ds$`,

В формулах в тексте операции типа `\sum` набираются следующим образом. Из трех возможных вариантов $\sum_{i=1}^n a_i$, $\sum_{i=1}^n a_i$, $\sum_{i=1}^n a_i$, которые набираются соответственно `$$\sum_{i=1}^n a_i$`, `$$\sum\limits_{i=1}^n a_i$`, и `$$\displaystyle{\sum_{i=1}^n} a_i$`, первый вариант не годится, второй предпочтительней третьего. Однако если под знаком суммы стоит высокое выражение, например, дробь, то из двух последних вариантов $\sum_{i=1}^n \frac{a_i}{b_i}$, $\sum_{i=1}^n \frac{a_i}{b_i}$, которые набираются соответственно `$$\sum\limits_{i=1}^n \dfrac{a_i}{b_i}$`, и `$$\displaystyle{\sum_{i=1}^n} \dfrac{a_i}{b_i}$`, предпочтителен последний.

9. Перед dx , dy и т. п. в интегралах, дифференциалах следует ставить небольшой пробел `\,`.

10. В формуле § 1 ставится небольшой пробел: `$$S\,,1$`

11. Многоточия и в тексте, и в формулах ставятся командой `\ldots`. Примеры написания с перечислением: функции u^1, \dots, u^p образуют базис — функции `u^1,\ldots,u^p` образуют базис; $n = 1, 2, \dots$ — `$n=1,2,\ldots$`.

12. Скобки \langle, \rangle набираются с помощью команд `\langle`, `\rangle`.

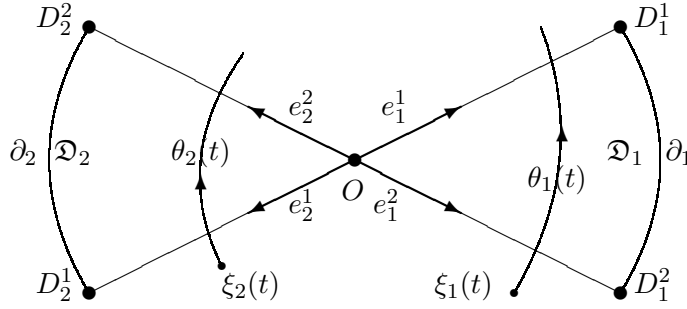


Рис. 1. Выбор векторов e_i^k

13. Текст в формулах необходимо помещать в аргумент команды `\text{}`.

14. Для обозначения пустого множества используется команда `\varnothing` (а не `\emptyset`, `\oslash`).

15. Вместо команд `\bar`, `\tilde`, `\hat` следует использовать `\overline`, `\widetilde`, `\widehat`.

Рисунки предпочтительней выполнять в векторном формате с последующей конвертацией в *.eps-формат с разрешением не менее 600 dpi. Нечеткие рисунки с низким разрешением не принимаются. Кроме того, можно использовать псевдорисунки. Правила оформления рисунков см. в файле `example.tex`.

§ 3. Набор основных текстовых «конструкций»

О п р е д е л е н и е 3.1. В игре Γ происходит *уклонение от встречи*, если для любых допустимых управлений $u_i(t)$ найдется допустимое управление ...

В определениях (теоремах, леммах и так далее) могут присутствовать ссылки на необходимый источник.

О п р е д е л е н и е 3.2 (см. [1, с. 123], [2, Глава 1]). В игре Γ происходит *уклонение в конусе*, если для любых допустимых $u_i(t)$ найдется ...

Ссылки на определения 3.1, 3.2 (так же как на теоремы, леммы и так далее) автоматические.

§ 4. Перечень (продолжение § 3)

Ниже приведены основные текстовые «конструкции», встречающиеся при наборе.

О п р е д е л е н и е 4.1. В игре Γ происходит *уклонение от встречи*, если для любых допустимых управлений $u_i(t)$ найдется допустимое управление ...

Т е о р е м а 4.1 (см. [3, с. 213]). В игре Γ происходит *уклонение в конусе* (см. рис. 2)...

$$\begin{aligned} (\mathcal{H}_0\psi)(0,0) &= \psi(1,0) + \psi(-1,0) + \psi(0,1) + \psi(0,-1), \\ (\mathcal{H}_0\psi)(n,0) &= \psi(n+1,0) + \psi(n-1,0), \quad n \neq 0, \\ (\mathcal{H}_0\psi)(0,m) &= \psi(0,m+1) + \psi(0,m-1), \quad m \neq 0. \end{aligned} \tag{4.1}$$

Л е м м а 4.1. Для любых $c > 0$, $d, b_1, b_2, \dots, b_k \in \mathbb{R}$, $k \geq 1$ выполнено ...

$$\begin{aligned} f(\varphi) &= f(\lambda, \varphi) = (R_{01}(\lambda)\varphi)(1) + (R_{01}(\lambda)\varphi)(-1), \\ \varphi_1(n) &= \varphi(n,0), \quad \varphi_2(m) = \varphi(0,m), \quad n, m \in \mathbb{Z}. \end{aligned} \tag{4.2}$$

Д о к а з а т е л ь с т в о. Из уравнения (2.1) и теоремы 4.1 (смотрите определение 3.2)... Лемма доказана. \square

С л е д с т в и е 4.1. Фиксированное

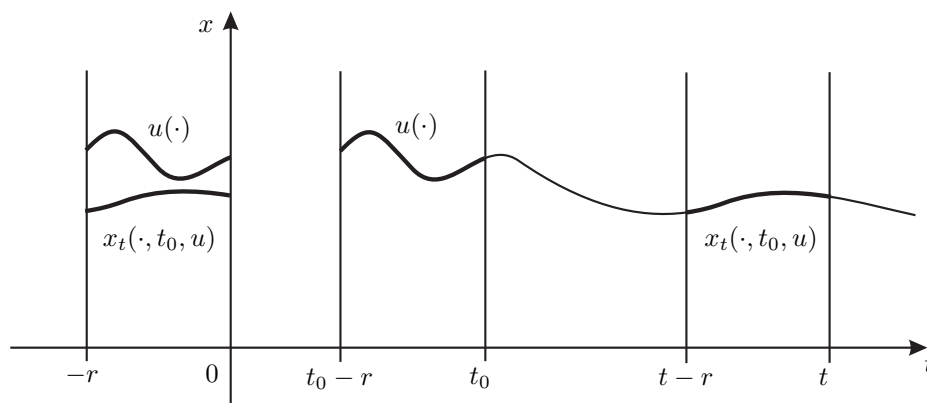


Рис. 2. Движение, порожденное решением системы (4.3)

Утверждение 4.1. *Фиксированное*

Гипотеза 4.1. *Курсив ...*

Предложение 4.1 (О скобках () см. §1). *Всякое решение уравнения (2.1) имеет бесконечное число нулей (то есть является колеблющимся) на числовой прямой \mathbb{R} .*

Замечание 1. Обратите внимание на то, каким шрифтом напечатаны определения, замечания, примеры, условия и так далее (в отличие от теорем, лемм и так далее).

Пример 4.1. *Прямой шрифт ...*

Предположение 4.1. *Прямой шрифт ...*

Условие 4.1. *Прямой шрифт ...*

Свойство 4.1. *Прямой шрифт ...*

$$\dot{x}(t) = \int_{-r}^0 dA(t, s)x(t + s), \quad t \in \mathbb{R} = (-\infty, \infty). \quad (4.3)$$

§ 5. Правила оформления английского текста

§ 5.1. Транслитерация

При переводе на английский язык следует пользоваться правилами файла House Style Guide, размещенного на сайте МАИК «Наука/Интерпериодика». Используются следующие правила транслитерации (BSI)

а	a	ж	zh	н	n	ф	f	ы	y
б	b	з	z	о	o	х	kh	ь	'
в	v	и	i	п	p	ц	ts	э	e
г	g	й	i	р	r	ч	ch	ю	yu
д	d	к	k	с	s	ш	sh	я	ya
е	e	л	l	т	t	щ	shch		
ё	e	м	m	у	u	ъ	''		

Существуют исключения в написании отдельных имен и географических названий. К примеру, Екатеринбург пишется как Yekaterinburg. Подробнее см. файл House Style Guide.

§ 5.2. Данные об авторе

Используется официальное (без сокращений) название организации (места работы автора) на английском языке. Список названий организаций с адресами (на английском языке) можно найти на сайте www.mathnet.ru. Ниже приведен список некоторых должностей, званий, степеней, подразделений с переводом на английский язык:

Russian	English Translation
Доктор физ.–мат. наук	Doctor of Physics and Mathematics
Кандидат технических наук	Candidate of Engineering
Академик	Academician
Профессор	Professor
Доцент	Associate Professor
Старший преподаватель	Senior Lecturer
Ассистент	Assistant Lecturer
Председатель	Chair (of ...)
Директор	Director (of ...)
Заместитель директора	Deputy Director
Член РАН	Member, Russian Academy of Sciences
Член-корреспондент РАН	Corresponding Member, Russian Academy of Sciences
Главный редактор	Editor-in-Chief
Заместитель Глав. Редактора	Deputy Editor-in-Chief
Ответственный Секретарь	Assistant Editor
Заведующий лаборатории	Head of (the) Laboratory (of ...)
Заведующий отделом	Head of (the) Department (of ...)
Младший научный сотрудник	Junior Researcher
Старший научный сотрудник	Senior Researcher
Ведущий научный сотрудник	Leading Researcher
Студент	Student
Аспирант	Post-graduate student
Декан	Dean
Проректор	Vice rector
Ректор	Rector
Кафедра дифференциальных уравнений	Department of Differential Equation
Математический факультет	Faculty of Mathematics

§ 5.3. Требования к аннотациям на английском языке к русскоязычным статьям.

Необходимо иметь в виду, что аннотации (рефераты, авторские резюме) на английском языке в русскоязычном издании являются для иностранных ученых и специалистов основным и, как правило, единственным источником информации о содержании статьи и изложенных в ней результатах исследований. Зарубежные специалисты по аннотации оценивают публикацию, определяют свой интерес к работе российского ученого, могут использовать ее в своей публикации и сделать на неё ссылку, открыть дискуссию с автором, запросить полный текст и т. д. К примеру, в требованиях зарубежных издательств к статьям на английском языке указывается на объем аннотации в размере 100–250 слов. Перечислим обязательные качества аннотаций на английском языке к русскоязычным статьям. Аннотации должны быть:

- информативными (не содержать общих слов);
- содержательными (отражать основное содержание статьи и результаты исследований);
- структурированными (следовать логике описания результатов в статье);
- «англоязычными» (написаны качественным английским языком);
- компактными (укладываться в объем до 250 слов).

В аннотации (реферате) допускается использование математических формул. Однако следует иметь в виду, что этот реферат может быть представлен в различных базах данных в

текстовом формате. Поэтому математические формулы в реферате должны быть написаны в «чистом» latex-е, без макросов и сокращений, так чтобы можно было «прочитать» tex-овский текст.

§ 5.4. Требования к оформлению списка литературы на английском языке.

При оформлении списка цитированной литературы на английском языке используются правила, принятые в переводных российских журналах:

Авторы (транслитерация), перевод названия статьи на английский язык, название источника (транслитерация) — курсивом, выходные данные.

Пример ссылки на статью:

Zaitsev V.A. Criteria for uniform complete controllability of a linear system, *Vestn. Udmurt. Univ. Mat. Mekh. Komp'yut. Nauki*, 2015, vol. 25, issue 2, pp. 157–179 (in Russian). DOI: 10.20537/vm150202

В отличие от российского ГОСТа отдельные элементы библиографического описания (название статьи, название журнала, год, том, номер, страницы) отделяются не точкой, а запятой, при этом запятую ставить не надо между фамилией и инициалами (как это делается во многих журналах), и между инициалами и названием статьи; также не используются знаки — (тире) и // . Слова vol и по пишутся с маленькой буквы, после них ставится точка. Между инициалами пробел не ставится. Название статьи на английском языке пишется прямым шрифтом. Используется официальное переводное название статьи (если оно существует), размещенное на сайте журнала или в библиографических базах данных (к примеру, www.springer.com, www.journals.elsevier.com, www.sciencedirect.com, zbmath.org, mathnet.ru и т. п.). Название журнала пишется курсивом. В названии журнала слова пишутся с заглавной буквы (кроме служебных), в названии статьи — с маленькой. Кроме того, поскольку из такого описания публикации неясно, на каком языке опубликована статья (поскольку журнал русскоязычный, а название написано на английском языке), то в конце ссылки указывается язык публикации. В конце указывается DOI статьи. DOI статьи можно найти на сайте search.crossref.org

В названии транслитом русскоязычных журналов можно писать не полное название, а сокращенное. При этом используется официально утвержденное сокращение названия журнала, его можно найти в Интернете.

Не используется транслитерация для аббревиатур названий журналов и организаций, следует писать названия в развернутом виде, сокращая слова. Пример:

Банников А.С., Петров Н.Н. К нестационарной задаче группового преследования с фазовыми ограничениями // Труды Института математики и механики УрО РАН. 2010. Т. 16. № 1. С. 40–51.

Bannikov A.S., Petrov N.N. On non-stationary problem of group pursuit with phase restrictions, *Tr. Inst. Mat. Mekh. Ural. Otd. Ross. Akad. Nauk*, 2010, vol. 16, no. 1, pp. 40–51 (in Russian).

При ссылке в русскоязычном списке литературы на статьи из российских журналов, имеющих переводную версию, в англоязычном списке литературы следует давать ссылку на переводную версию статьи. Если в русскоязычном списке литературы имеется следующая ссылка:

Родионов В.И. Присоединенный интеграл Римана–Стилтьеса // Известия вузов. Математика. 2007. № 2 (537). С. 79–82

то в англоязычном списке литературы следует привести ссылку на эту статью в переводном журнале:

Rodionov V.I. The adjoint Riemann–Stieltjes integral, *Russian Mathematics*, 2007, vol. 51, issue 2, pp. 75–79. DOI: 10.3103/S1066369X07020107

При этом указывать язык публикации не нужно.

Статьи из электронных журналов описываются аналогично печатным изданиям с дополнением данных об адресе доступа.

Danilov L.I. Weyl almost periodic selections of supports of measure-valued functions, *Siberian Electronic Mathematical Reports*, 2006, vol. 3, pp. 384–392 (in Russian). <http://semr.math.nsc.ru/v3/p384-392.pdf>

Наиболее точную идентификацию статей можно получить, если указать уникальный идентификатор, который используют зарубежные журналы для идентификации своих статей (Digital Object Identifier — DOI), а также многие российские (в частности, переводные) журналы. Система DOI является международным ISO стандартом (<http://www.doi.org/>). Поэтому при наличии в статье DOI, в списке литературы необходимо указывать ее идентификатор. Пример:

Zaitsev V.A. Spectrum control in linear systems with incomplete feedback, *Differential Equations*, 2009, vol. 45, no. 9, pp. 1348–1357. DOI: 10.1134/S0012266109090109

Пример ссылки на русскоязычную монографию:

Bylov B.F., Vinograd R.E., Grobman D.M., Nemytskii V.V. *Teoriya pokazatelei Lyapunova i ee prilozheniya k voprosam ustoychivosti* (Theory of Lyapunov exponents and its application to problems of stability), Moscow: Nauka, 1966, 576 p.

Здесь сначала идут фамилии авторов, затем курсивом название книги транслитом, затем в скобках перевод названия на английский язык прямым шрифтом, Город: Издательство, год, количество страниц.

Пример ссылки на англоязычную книгу:

Chentsov A.G. *Finitely additive measures and relaxations of extremal problems*, New York–London–Moscow: Plenum Publishing Corporation, 1996, 244 p.

При ссылке на книгу на русском языке, переведенную с английского, следует указать первоисточник. Если, к примеру, в списке литературы на русском языке имеется следующая ссылка:

Калман Р., Фалб П., Арbib М. Очерки по математической теории систем. М.: Едиториал УРСС, 2004. 400 с.

то в англоязычном списке литературы следует привести ссылку на эту книгу в оригинале:

Kalman R., Falb P., Arbib M. *Topics in mathematical system theory*, New York: McGraw–Hill, 1969, 358 p. Translated under the title *Ocherki po matematicheskoi teorii sistem*, Moscow: Editorial URSS, 2004, 400 p.

Информацию о выходных данных оригинала (а также другую информацию, касающуюся переводов источников с русского языка на английский и наоборот) можно найти в Интернете.

Пример ссылки на диссертацию:

Filippova T.F. Problems of viability for differential inclusions, *Dr. Sci. (Phys.–Math.) Dissertation*, Yekaterinburg, 1992, 266 p (in Russian).

Пример ссылки на автореферат диссертации:

Popova S.N. Control over asymptotic invariants of linear systems, *Abstract of Dr. Sci. (Phys.–Math.) Dissertation*, Yekaterinburg, 2004, 34 p (in Russian).

Материалы и тезисы докладов конференции. Главное в описаниях конференций — название конференции на языке оригинала (в транслитерации, если нет ее английского названия), выделенное курсивом. В скобках дается перевод названия на английский язык. Выходные данные (место проведения конференции, место издания, год, страницы) должны быть представлены на английском языке.

Пример оформления тезисов международной конференции, имеющей официальное английское название:

Rodina L.I., Tonkov E.L. The almost invariant sets of controlled systems, *Differential Equation and Topology: Abstracts of Int. Conf. Dedicated to the Centennial Anniversary of Lev Semenovitch Pontryagin*, Lomonosov Moscow State University, Moscow, 2008, pp. 392–393 (in Russian).

Название тезисов пишется прямым шрифтом, название конференции пишется курсивом. Все слова (кроме первого) в названии тезисов пишутся с маленькой буквы. В официальном английском названии конференции слова пишутся с заглавной буквы (кроме служебных).

Пример оформления тезисов конференции, не имеющей официального английского названия:

Borisov A.V., Mamaev I.S., Bolsinov A.V. Topology and stability of dynamic systems, *Regulyarnaya i khaoticheskaya dinamika: tez. dokl. Vserossiiskoi konferentsii* (Regular and chaotic dynamics: abstracts of All-Russian conference), Udmurt State University, Izhevsk, 2010, p. 11 (in Russian).

Название тезисов переводится на английский язык (а не пишется транслитом). Слова в названии конференции транслитом пишутся с маленькой буквы (а точнее, повторяют по написанию русскоязычный текст), слова в переводе названия конференции на английский пишутся с маленькой буквы (кроме первого). Затем следует название организации (полностью, без аббревиатур и сокращений), город, год, страницы. В указаниях страниц пишется одна буква р, если страница одна (и две буквы рр, если страниц больше, чем одна). Материалы (труды) конференций оформляются аналогично, только вместо слова Abstracts пишется Proceedings (или сокращенно Proc.). Сборники статей оформляются аналогично, только вместо слова Abstracts, пишется Transactions (или сокращенно Trans.).

Ниже показано как нужно оформлять список литературы.

Список литературы

1. Красовский Н.Н. Некоторые задачи теории устойчивости движения. М.: Физматгиз, 1959. 550 с.
2. Калман Р., Фалб П., Арбиб М. Очерки по математической теории систем. М.: Едиториал УРСС, 2004. 400 с.
3. Былов Б.Ф., Виноград Р.Э., Гробман Д.М., Немыцкий В.В. Теория показателей Ляпунова и ее приложения к вопросам устойчивости. М.: Наука, 1966. 576 с.
4. Далецкий Ю.Л., Крейн М.Г. Устойчивость решений дифференциальных уравнений в банаховом пространстве. М.: Наука, 1970. 536 с.
5. Фихтенгольд Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. Т. 1. М.: Наука, 1966. 608 с.
6. Демидович Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. 10-е изд. М.: Наука, 1990. 624 с.
7. Филиппова Т.Ф. Задачи о выживаемости для дифференциальных включений: дис. ... д-ра физ.-матем. наук / ИММ УрО РАН. Екатеринбург, 1992. 266 с.
8. Попова С.Н. Управление асимптотическими инвариантами линейных систем: автореф. дис. ... д-ра физ.-матем. наук. Екатеринбург, 2004. 34 с.
9. Stokes A. A Floquet theory for functional differential equations // Proc. Natl. Acad. Sci. USA. 1962. Vol. 48. No. 8. P. 1330–1334.
10. Шиманов С.Н. К теории линейных дифференциальных уравнений с последействием // Дифференциальные уравнения. 1965. Т. 1. № 1. С. 102–116.
11. Чернов А.В. Об одном мажорантном признаке тотального сохранения глобальной разрешимости управляемого функционально-операторного уравнения // Известия вузов. Математика. 2011. № 3. С. 95–107.
12. Данилов Л.И. О почти периодических сечениях многозначных отображений // Вестник Удмуртского университета. Математика. Механика. Компьютерные науки. 2008. Вып. 2. С. 34–41. DOI: 10.20537/vm080213.
13. Дерр В.Я. Об одном обобщении интеграла Римана–Стилтьеса // Известия Института математики и информатики УдГУ. 1997. Вып. 3 (11). С. 3–29.
14. Данилов Л.И. О почти периодических по Вейлю сечениях многозначных отображений / УдГУ. Ижевск, 2004. 104 с. Деп. в ВИНТИ 09.06.2004, № 981-В2004.
15. Родина Л.И., Тонков Е.Л. Почти инвариантные множества управляемых систем // Дифференциальные уравнения и топология: тез. докл. Междунар. конф., посвященной 100-летию со дня рождения Л.С. Понтрягина. МГУ. М., 2008. С. 392–393.
16. Борисов А.В., Мамаев И.С., Болсинов А.В. Топология и устойчивость динамических систем // Регулярная и хаотическая динамика: тез. докл. Всероссийской конференции. УдГУ. Ижевск, 2010. С. 11.
17. Зайцев В.А. Достижимость и ляпуновская приводимость линейных управляемых систем // Оптимизация, управление, интеллект: сб. статей. ИДСТУ СО РАН. Иркутск, 2005. № 2 (10). С. 76–84.
18. Bell M.G. Compact ccc non-separable spaces of small weight // Topology Proceedings. 1980. Vol. 5. P. 11–25. URL: <http://topo.math.auburn.edu/tp/reprints/v05/tp05002s.pdf>
19. Банников А.С., Петров Н.Н. К нестационарной задаче группового преследования с фазовыми ограничениями // Труды Института математики и механики УрО РАН. 2010. Т. 16. № 1. С. 40–51.
20. Панасенко Е.А., Тонков Е.Л. Распространение теорем Е.А. Барбашина и Н.Н. Красовского об устойчивости на управляемые динамические системы // Труды Института математики и механики УрО РАН. 2009. Т. 15. № 3. С. 185–201.
21. Büttiker M., Imry Y., Landauer R., Pinhas S. Generalized many-channel conductance formula with application to small rings // Physical Review B. 1985. Vol. 31. Issue 10. P. 6207–6215. DOI: 10.1103/PhysRevB.31.6207

22. Miroshnichenko A.E., Kivshar Y.S. Engineering Fano resonances in discrete arrays // *Physical Review E*. 2005. Vol. 72. Issue 5. 056611. 7 p. DOI: 10.1103/PhysRevE.72.056611
23. Ptitsyna N., Shipman S.P. A lattice model for resonance in open periodic waveguides // arXiv: 1101.0170v1 [math-ph]. 2010. URL: <http://arxiv.org/pdf/1101.0170.pdf>
24. Рид М., Саймон Б. Методы современной математической физики. Т. 1. Функциональный анализ. М.: Мир, 1977. 360 с.
25. Березин Ф.А., Шубин М.А. Уравнение Шрёдингера. М.: Изд-во Московского университета, 1983. 392 с.
26. Александров Д.В., Галенко П.К. Дендритный рост с вынужденной конвекцией: методы анализа и экспериментальные тесты // *Успехи физических наук*. 2014. Т. 184. Вып. 8. С. 833–850. DOI: 10.3367/UFNr.0184.201408b.0833

Поступила в редакцию 01.02.2017

Иванов Петр Сидорович, д. ф.-м. н., профессор, кафедра дифференциальных уравнений, Удмуртский государственный университет, 426034, Россия, г. Ижевск, ул. Университетская, 1.

E-mail: psi@udsu.ru

Петров Юрий Владимирович, к. ф.-м. н., старший научный сотрудник, отдел динамических систем, Институт математики и механики УрО РАН, 620219, Россия, г. Екатеринбург, ул. С. Ковалевской, 16.

E-mail: petrov@list.ru

P. S. Ivanov, Yu. V. Petrov

Research of the differential Schrödinger operator for some physical models

Citation: *Izv. Inst. Mat. Inform. Udmurt. Gos. Univ.*, 2017, vol. 49, pp. 324–334 (in Russian).

Keywords: differential Schrödinger operator, eigenvalue, resonance, Lippmann–Schwinger equation, scattering, propagation and reflection probabilities.

MSC2010: 93C15, 49N30, 49N35

DOI: 10.20537/2226-3594-YYYY-VV-NN

In this paper, the discrete Schrödinger operator on a perturbed by the decreasing potential graph with vertices at the two intersecting lines is considered. We investigate spectral properties of this operator and the scattering problem for the above operator in the case of a small potential and also in the case when both a potential and velocity of a quantum particle are small. Asymptotic formulas for the probabilities of the particle propagation in all possible directions are obtained. In addition, we investigate the spectral properties of the discrete Schrödinger operator for the infinite band with zero boundary conditions. The scattering pattern is described. Simple formulas for transmission and reflection coefficients near boundary points of the subbands (this corresponds to small velocities of quantum particles) for small potentials are obtained. We consider a one-particle discrete Schrödinger operator with a periodic potential perturbed by a function which is periodic in two variables and exponentially decreases in third variable. In the paper, we also investigate the scattering problem for this operator near the extreme point of the eigenvalue of the periodic Schrödinger operator in the cell with respect to the third component of the quasimomentum, i.e. for the small perpendicular component of the angle of incidence of a particle on the potential barrier. Simple formulas of the propagation and reflection probabilities are obtained.

REFERENCES

1. Krasovskii N.N. *Nekotorye zadachi teorii ustoychivosti dvizheniya* (Some problems of the theory of stability of motion), Moscow: Fizmatgiz, 1959, 550 p.
2. Kalman R., Falb P., Arbib M. *Topics in mathematical system theory*, New York: McGraw-Hill, 1969, 358 p. Translated under the title *Ocherki po matematicheskoi teorii sistem*, Moscow: Editorial URSS, 2004, 400 p.
3. Bylov B.F., Vinograd R.E., Grobman D.M., Nemytskii V.V. *Teoriya pokazatelei Lyapunova i ee prilozheniya k voprosam ustoychivosti* (Theory of Lyapunov exponents and its application to problem of stability), Moscow: Nauka, 1966, 576 p.
4. Daletsky Y., Krein M.G. *Stability of solutions of differential equations in Banach spaces*, Ann. Math. Soc. Transl., vol. 43, Providence, R.I.: American Mathematical Society, 1974, 386 p. Original Russian text published in Daletskii Yu.L., Krein M.G. *Ustoychivost' reshenii differentsial'nykh uravnenii v banakhovom prostranstve*, Moscow: Nauka, 1970, 536 p.
5. Fikhtengol'ts G.M. *Kurs differentsial'nogo i integral'nogo ischisleniya* (A course of differential and integral calculus), vol. 1, Moscow: Nauka, 1966, 608 p.

6. Demidovich B.P. *Sbornik zadach i uprazhnenii po matematicheskomu analizu* (A collection of problems and exercises in mathematical analysis), Moscow: Nauka, 1990, 624 p.
7. Filippova T.F. *Problems of viability for differential inclusions*, Dr. Sci. (Phys.–Math.) Dissertation, Yekaterinburg, 1992, 266 p. (In Russian).
8. Popova S.N. *Control over asymptotic invariants of linear systems*, Abstract of Dr. Sci. (Phys.–Math.) Dissertation, Yekaterinburg, 2004, 34 p. (In Russian).
9. Stokes A. A Floquet theory for functional differential equations, *Proc. Natl. Acad. Sci. USA*, 1962, vol. 48, no. 8, pp. 1330–1334.
10. Shimanov S.N. To the theory of the linear differential equations with aftereffect, *Differ. Uravn.*, 1965, vol. 1, no. 1, pp. 102–116 (in Russian).
11. Chernov A.V. A majorant criterion for the total preservation of global solvability of controlled functional operator equation, *Russian Mathematics*, 2011, vol. 55, issue 3, pp. 85–95.
DOI: 10.3103/S1066369X11030108
12. Danilov L.I. On almost periodic selections of multivalued maps, *Vestn. Udmurt. Univ. Mat. Mekh. Komp'yut. Nauki*, 2008, issue 2, pp. 34–41 (in Russian). DOI: 10.20537/vm080213.
13. Derr V.Ya. On a generalization of Riemann–Stieltjes integral, *Izv. Inst. Mat. Inform. Udmurt. Gos. Univ.*, 1997, issue 3 (11), pp. 3–29 (in Russian).
14. Danilov L.I. *On Weyl almost periodic selections of multivalued maps*, UdSU, Izhevsk, 2004, 104 p. Deposited in VINITI 09.06.2004, no. 981-B2004 (in Russian).
15. Rodina L.I., Tonkov E.L. The almost invariant sets of controlled systems, *Differential Equation and Topology: Abstracts of Int. Conf. Dedicated to the Centennial Anniversary of Lev Semenovich Pontryagin*, Lomonosov Moscow State University, Moscow, 2008, pp. 392–393 (in Russian).
16. Borisov A.V., Mamaev I.S., Bolsinov A.V. Topology and stability of dynamic systems, *Regulyarnaya i khaoticheskaya dinamika: tez. dokl. Vserossiiskoi konferentsii* (Regular and chaotic dynamics: abstracts of All-Russian conference), Udmurt State University, Izhevsk, 2010, p. 11 (in Russian).
17. Zaitsev V.A. Attainability and Lyapunov reducibility of linear control systems, *Optimizatsiya, upravlenie, intellekt: sbornik statei* (Optimization, control, intelligence: Transactions), Institute for System Dynamics and Control Theory, Siberian Branch of the Russian Academy of Sciences, Irkutsk, 2005, no. 2 (10), pp. 76–84 (in Russian).
18. Bell M.G. Compact ccc non-separable spaces of small weight, *Topology Proceedings*, 1980, vol. 5, pp. 11–25. URL: <http://topo.math.auburn.edu/tp/reprints/v05/tp05002s.pdf>
19. Bannikov A.S., Petrov N.N. On non-stationary problem of group pursuit with phase restrictions, *Tr. Inst. Mat. Mekh. Ural. Otd. Ross. Akad. Nauk*, 2010, vol. 16, no. 1, pp. 40–51 (in Russian).
20. Panasenko E.A., Tonkov E.L. Extension of E.A. Barbashin's and N.N. Krasovskii's stability theorems to controlled dynamical systems, *Proceedings of the Steklov Institute of Mathematics*, 2010, vol. 268, suppl. 1, pp. 204–221. DOI: 10.1134/S0081543810050159
21. Büttiker M., Imry Y., Landauer R., Pinhas S. Generalized many-channel conductance formula with application to small rings, *Physical Review B*, 1985, vol. 31, issue 10, pp. 6207–6215.
DOI: 10.1103/PhysRevB.31.6207
22. Miroschnichenko A.E., Kivshar Y.S. Engineering Fano resonances in discrete arrays, *Physical Review E*, 2005, vol. 72, issue 5, 056611, 7 p. DOI: 10.1103/PhysRevE.72.056611
23. Ptitsyna N., Shipman S.P. A lattice model for resonance in open periodic waveguides, 2010, arXiv: 1101.0170v1 [math-ph]. URL: <http://arxiv.org/pdf/1101.0170.pdf>
24. Reed M., Simon B. *Metody sovremennoi matematicheskoi fiziki. I. Funktsionalnyi analiz* (Methods of modern mathematical physics, Vol. I: Functional analysis), Moscow: Mir, 1977, 360 p.
25. Berezin F.A., Schubir M.A. *Uravnenie Shredingera* (Schrödinger equation), Moscow: Moscow State University, 1983, 392 p.
26. Alexandrov D.V., Galenko P.K. Dendrite growth under forced convection: analysis methods and experimental tests, *Physics-Uspekhi*, vol. 57, issue 8, pp. 771–786. DOI: 10.3367/UFNe.0184.201408b.0833

Received 01.02.2017

Ivanov Petr Sidorovich, Doctor of Physics and Mathematics, Professor, Department of Differential Equations, Udmurt State University, ul. Universitetskaya, 1, Izhevsk, 426034, Russia.
E-mail: psi@udsu.ru

Petrov Yuriy Vladimirovich, Candidate of Physics and Mathematics, Senior Researcher, Department of Dynamical Systems, Institute of Mathematics and Mechanics, Ural Branch of the Russian Academy of Sciences, ul. S. Kovalevskoi, 16, Yekaterinburg, 620219, Russia.
E-mail: petrov@list.ru